

WYDZIAŁ MATEMATYKI
WYDZIAŁ BUDOWNICTWA LĄDOWEGO I WODNEGO

KARTA PRZEDMIOTU

Nazwa w języku polskim: Algebra z geometrią analityczną
Nazwa w języku angielski: Algebra and analytic geometry
Kierunek studiów (jeśli dotyczy): budownictwo
Specjalność (jeśli dotyczy):
Stopień studiów i forma: I stopień*, stacjonarna / ~~niestacjonarna~~*
Rodzaj przedmiotu: obowiązkowy / ~~wybieralny~~ / ogólnouczeniowy *
Kod przedmiotu: MAT001407
Grupa kursów: ~~TAK~~ / NIE*

	Wykład	Ćwiczenia	Laboratorium	Projekt	Seminarium
Liczba godzin zajęć zorganizowanych w Uczelni (ZZU)	30	15			
Liczba godzin całkowitego nakładu pracy studenta (CNPS)	60	60			
Forma zaliczenia	Egzamin / zaliczenie na ocenę*	Egzamin / zaliczenie na ocenę*	Egzamin / zaliczenie na ocenę*	Egzamin / zaliczenie na ocenę*	Egzamin / zaliczenie na ocenę*
Dla grupy kursów zaznaczyć kurs końcowy (X)					
Liczba punktów ECTS	2	2			
w tym liczba punktów odpowiadająca zajęciom o charakterze praktycznym (P)		2,0			
w tym liczba punktów ECTS odpowiadająca zajęciom wymagającym bezpośredniego kontaktu (BK)	1,4	0,6			

*niepotrzebne skreślić

WYMAGANIA WSTĘPNE W ZAKRESIE WIEDZY, UMIEJĘTNOŚCI I INNYCH KOMPETENCJI

Zalecana jest umiejętność wykonywania podstawowych operacji algebraicznych na liczbach wymiernych i rzeczywistymi oraz znajomość podstawowych figur i brył.

CELE PRZEDMIOTU

- C1. Poznanie podstawowych własności liczb zespolonych
- C2. Poznanie podstawowych algebraicznych własności wielomianów.
- C3. Opanowanie pojęcia wektora, przestrzeni wektorowej i bazy przestrzeni, długości wektora, wyznaczania równań obiektów (prostych, płaszczyzn, krzywych stożkowych, kul, pierścieni, stożków), obliczania odległości punktów od obiektów i odległości między obiektami przestrzeni.
- C4. Opanowanie pojęcia macierzy, działań macierzowych, umiejętności obliczania wyznaczników, wartości i wektorów własnych macierzy.
- C5. Opanowanie i poznanie podstawowych metod rozwiązywania układów równań liniowych oraz metod obliczania błędów rozwiązań.

PRZEDMIOTOWE EFEKTY KSZTAŁCENIA	
Z zakresu wiedzy:	
PEK_W01	zna podstawowe własności liczb zespolonych.
PEK_W02	zna podstawowe własności algebraiczne wielomianów.
PEK_W03	zna podstawowe pojęcia przestrzeni R^3 , zna opis podstawowych obiektów (prostych, płaszczyzn, krzywych stożkowych, kul, pierścieni, stożków) oraz ich własności.
PEK_W04	zna podstawowe metody rozwiązywania: macierzowych równań liniowych, wartości i wektorów własnych oraz zna metody obliczania błędów rozwiązań.
Z zakresu umiejętności:	
PEK_U01	potrafi przeprowadzać obliczenia z wykorzystaniem liczb zespolonych.
PEK_U02	potrafi dodawać, mnożyć i dzielić wielomiany.
PEK_U03	potrafi wyznaczać równania prostych, krzywych stożkowych, płaszczyzn, kul, pierścieni, stożków, potrafi obliczać długość wektora oraz odległości punktów od obiektów w R^3 .
PEK_U04	potrafi dodawać i mnożyć macierze, obliczać wyznaczniki, wartości i wektory własne oraz potrafi określić liniową zależność wektorów.
PEK_U05	potrafi obliczyć rząd macierzy, rozwiązywać układy równań liniowych.
Z zakresu kompetencji społecznych:	
PEK_K01	potrafi wyszukiwać i korzystać z literatury zalecanej do kursu oraz samodzielnie zdobywać wiedzę.
PEK_K02	rozumie konieczność systematycznej, samodzielnej i zespołowej pracy nad opanowaniem materiału kursu.
PEK_K03	uczy się myśleć logicznie, precyzyjnie formułować zagadnienia i je rozwiązywać w ramach określonej teorii i przy konkretnych założeniach.

TREŚCI PROGRAMOWE		
Forma zajęć - wykłady		Liczba godzin
Wy1	Liczby zespolone. Podstawowe definicje. Postać algebraiczna. Liczba sprzężona. Moduł liczby zespolonej.	2
Wy2	Argument główny. Postać trygonometryczna i wykładnicza liczby zespolonej. Wzór de Moivre'a. Mnożenie i dzielenie liczb zespolonych w postaci trygonometrycznej i wykładniczej. Pierwiastki n-tego stopnia liczby zespolonej. Interpretacje geometryczne.	2
Wy3	Wielomiany. Działania na wielomianach. Pierwiastek wielomianu. Twierdzenie Bézouta. Zasadnicze Twierdzenie Algebry.	2
Wy4	Rozkład wielomianu o współczynnikach rzeczywistych na czynniki liniowe i kwadratowe. Funkcje wymierne. Rzeczywiste ułamki proste.	2
Wy5	Krzywe stożkowe. Geometria analityczna w R^3 . Iloczyn skalarny, wektorowy, mieszany. Norma wektora.	2
Wy6	Równania płaszczyzn. Równania prostych. Odległość punktu od płaszczyzny lub prostej.	2
Wy7	Macierze. Dodawanie i mnożenie macierzy. Własności działań na macierzach. Transponowanie macierzy. Rodzaje macierzy (jednostkowa, diagonalna, symetryczna, trójkątna, pasmowa).	2
Wy8	Permutacje. Określenie wyznacznika i jego własności. Rozwinięcie Laplace'a. Dopełnienie algebraiczne. Rząd macierzy. Odwracanie macierzy.	2
Wy9	Przestrzenie wektorowe R^n . Działania na wektorach. Iloczyn skalarny. Długość wektora. Nierówność Cauchy'ego - Schwarza. Kąt między	2

	wektorami.	
Wy10	Układy równań liniowych. Twierdzenie Kroneckera-Capellego. Metoda Cramera, macierzy odwrotnej. Liniowa kombinacja wektorów. Wektory liniowo zależne i niezależne. Baza przestrzeni.	2
Wy11	Metoda Gaussa, Choleskiego. Układy równań liniowych z ograniczoną prawą stroną.	2
Wy12	Norma macierzy. Macierze dobrze i źle uwarunkowane. Błędy rozwiązań.	2
Wy13	Wektory i wartości własne macierzy. Wielomian charakterystyczny. Wyznaczanie wektorów i wartości własnych.	2
Wy14	Przekształcenia liniowe (jądro, obraz, rząd). Wektory i wartości własne odwzorowań liniowych.	2
Wy15	Zastosowania.	2
	Suma godzin	30

Forma zajęć – ćwiczenia		Liczba godzin
Cw1	Liczby zespolone.	2
Cw2	Wielomiany	2
Cw3	Przestrzeń R^3 .	2
Cw4	Kolokwium I. Macierze i wyznaczniki.	2
Cw5	Wartości i wektory własne.	2
Cw6	Układy równań liniowych.	2
Cw7	Układy równań liniowych z ograniczoną prawą stroną.	2
Cw8	Kolokwium II.	1
	Suma godzin	15

Forma zajęć - laboratorium		Liczba godzin
La1		
...		
	Suma godzin	

Forma zajęć - projekt		Liczba godzin
Pr1		
...		
	Suma godzin	

Forma zajęć - seminarium		Liczba godzin
Se1		
...		
	Suma godzin	

STOSOWANE NARZĘDZIA DYDAKTYCZNE	
N1. Wykład – metoda tradycyjna	
N2. Ćwiczenia problemowe i rachunkowe – metoda tradycyjna	
N3. Praca własna studenta – przygotowanie do ćwiczeń z wykorzystaniem pakietów matematycznych.	
N4. Konsultacje.	

OCENA OSIĄGNIĘCIA PRZEDMIOTOWYCH EFEKTÓW KSZTAŁCENIA		
Oceny (F – formująca (w trakcie semestru), P – podsumowująca (na koniec semestru))	Numer efektu kształcenia	Sposób oceny osiągnięcia efektu kształcenia
F1 – Ćw	PEK_W01 - PEK_W04 PEK_K01 - PEK_K03	ocenianie aktywności studentów w rozwiązywaniu zadań z list
P1 - Ćw	PEK_U01-PEK_U05	odpowiedzi ustne, kartkówki, dwa kolokwia lub e-sprawdziany
F2 – W	PEK_W01 - PEK_W04 PEK_U01 - PEK_U05 PEK_K01 - PEK_K03	ocenianie aktywności studentów w rozwiązywaniu problemów sformułowanych na wykładzie
P2 - W	PEK_W01 - PEK_W04 PEK_U01 - PEK_U05	Egzamin lub e-egzamin

LITERATURA PODSTAWOWA I UZUPEŁNIAJĄCA
<p><u>LITERATURA PODSTAWOWA:</u></p> <p>[1] A. Białynicki-Birula, Algebra Liniowa z Geometrią, PWN 1976_ [2] F. Leja, Geometria analityczna, PWN, Warszawa 1972. [3] A. Mostowski, M. Stark, Elementy algebry wyższej, PWN, Warszawa 1963. [4] G. Banaszak, W. Gajda, Elementy algebry liniowej, część I, WNT, Warszawa 2002 [5] A. Ralston, P. Rabinowitz, A First Course in Numerical Analysis, Dover Publications, INC, NY 2012.</p> <p><u>LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA:</u></p> <p>[1] G. Farin, D. Hansford, Practical Linear Algebra: A Geometry Toolbox 2004, AK Peters, 2005. [2] B. Gleichgewicht, Algebra, Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2004. [3] T. Jurlewicz, Z. Skoczylas, Algebra i geometria analityczna. Przykłady i zadania, Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2014. [4] T. Jurlewicz, Z. Skoczylas, Algebra liniowa. Przykłady i zadania, Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2014. [5] T. Jurlewicz, Z. Skoczylas, Algebra i geometria analityczna.. Definicje, twierdzenia i wzory. Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2014. [6] T. Jurlewicz, Z. Skoczylas, Algebra liniowa. Definicje, twierdzenia i wzory. Oficyna Wydawnicza GiS, Wrocław 2014. [7] E. Kącki, D. Sadowska, L. Siewierski, Geometria analityczna w zadaniach, PWN, Warszawa 1993.. [8] W. Stankiewicz, Zadania z matematyki dla wyższych uczelni technicznych, Cz. A, PWN, Warszawa 2003.</p>

OPIEKUN PRZEDMIOTU (IMIE, NAZWISKO, ZAKŁAD, ADRES E-MAIL)
<p>Wydział Matematyki/PWr Dr hab. Agnieszka Wyłomańska Komisja programowa Wydziału Matematyki W2/PWr Doc. dr inż. Andrzej T. Janczura, atj@pwr.edu.pl</p>
ZESPÓŁ DYDAKTYCZNY W2/PWr (IMIE, NAZWISKO, ADRES E-MAIL)
<p>Dr hab. inż. Wojciech Puła, W2/PWr wojciech.pula@pwr.edu.pl Doc. dr inż. Andrzej Janczura, W2/PWr, andrzej.janczura@pwr.edu.pl</p>

Doc. dr inż. Marek Kopiński, W2/PWr, marek.kopinski@pwr.edu.pl

Dr hab. inż. Piotr Ruta, W2/PWr, piotr.ruta@pwr.edu.pl

MACIERZ POWIĄZANIA EFEKTÓW KSZTAŁCENIA DLA PRZEDMIOTU
Algebra z geometrią analityczną
Z EFEKTAMI KSZTAŁCENIA NA KIERUNKU **budownictwo**
I SPECJALNOŚCI

Przedmiotowy efekt kształcenia**	Odniesienie przedmiotowego efektu do efektów kształcenia zdefiniowanych dla kierunku studiów i specjalności (o ile dotyczy)	Cele przedmiotu**	Treści programowe**	Numer narzędzia dydaktycznego**
Wiedza				
PEK_W01	K1_W01	C1	Wy1, Wy2	N1,N3,N4
PEK_W02	K1_W01	C2	Wy3, Wy4	N1,N3,N4
PEK_W03	K1_W01	C3	Wy5 - Wy7	N1,N3,N4
PEK_W04	K1_W01	C4, C5	Wy8–Wy15	N1,N3,N4
Umiejętności				
PEK_U01	K1_U26	C1	Cw1	N1,N2,N3,N4
PEK_U02	K1_U26	C2	Cw2	N1,N2,N3,N4
PEK_U03	K1_U26	C3	Cw3	N1,N2,N3,N4
PEK_U04	K1_U26	C4	Cw4, Cw5	N1,N2,N3,N4
PEK_U05	K1_U26	C5	Cw6, Cw7	N1,N2,N3,N4
Kompetencje społeczne				
PEK_K01	K1_U01, K1_K01, K1_K02, K1_K03	C1 - C5	W1 - W15	N1,N2,N3,N4
PEK_K02	K1_U01, K1_K01, K1_K02, K1_K03	C1 - C5	W1 - W15	N1,N2,N3,N4
PEK_K03	K1_U01, K1_K01, K1_K02, K1_K03	C1 - C5	W1 - W15	N1,N2,N3,N4

** - wpisać symbole kierunkowych/specjalnościowych efektów kształcenia

*** - z tabeli powyżej